

ハイパフォーマンス コンピューティング(7)

2次元配列から1次元配列への変換

- 行列を表現するとき、2次元配列を用いるが、これを1次元配列で表現することができる。

- Aが $m \times n$ 行列のとき

C言語: $A[i][j] \Leftrightarrow A[i*n+j]$

Fortran: $A(j,i) \Leftrightarrow A((i-1)*n+j)$

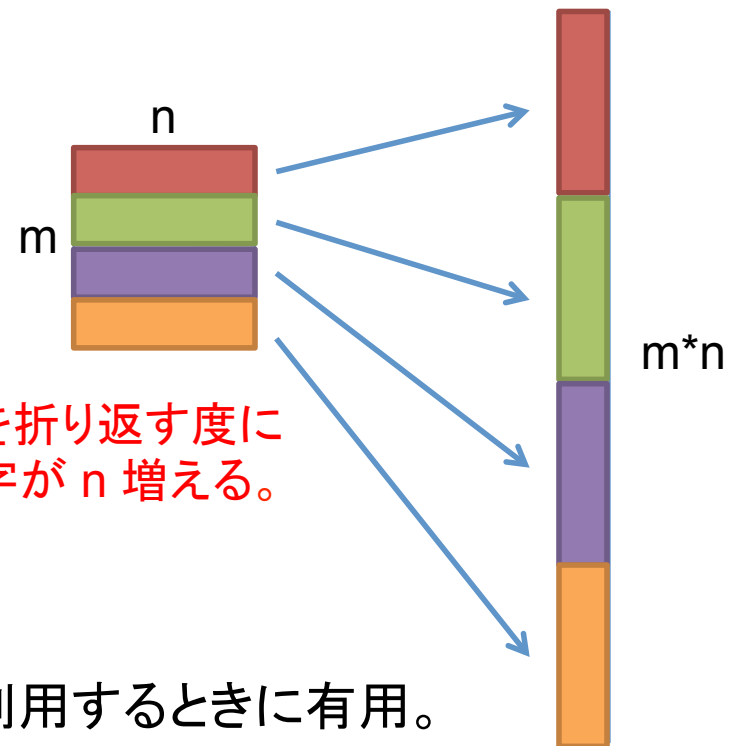
- メリット

- 配列の確保に無駄がなくなる。
- 関数へポインタを渡すのが簡単になる。
- Fortranなどの多言語との互換性が増す。

特に、Fortran用の数値計算ライブラリを利用するときには有用。

- デメリット

- 添字の取り扱いが若干複雑になる。

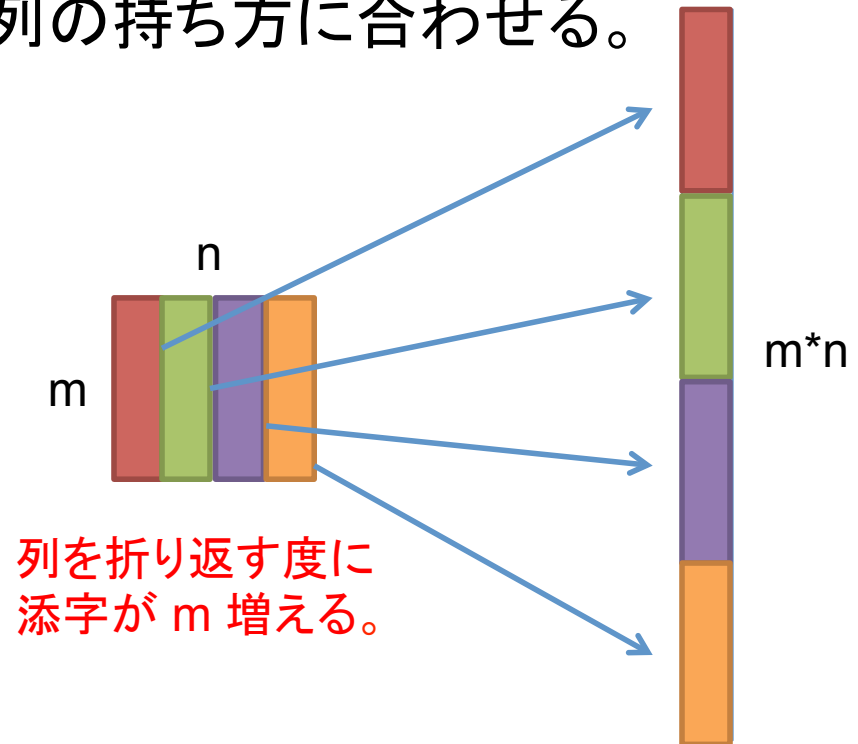


2次元配列から1次元配列への変換(2)

- 数値線形代数用の数値計算ライブラリは、元々、Fortranで作成されていたので、Fortranの配列の持ち方に合わせる。
- Aが $m \times n$ 行列のとき

C言語: $A[j][i] \Leftrightarrow A[i+j*m]$

Fortran: $A(i,j) \Leftrightarrow A(i+(j-1)*m)$



演習問題(1)

1. これまでに作成した2次元配列を用いた行列積の関数を1次元配列を用いたものに変更してみよう。
 - Fortranと同様の配列の持ち方に変更しよう。
 - $A[i][k]$ や $B[k][j]$ がどうなるかを考えよう。
 - 配列A, B, Cに対応する1次元配列は、malloc関数でメモリを確保しよう。
 - 最初は、アンローリングやブロック化をしていない単純なもので試そう。
 - 2次元配列を利用した場合と同じ結果になるか確かめよう。
2. 次に、配列の先頭のポインタを関数に渡せるように変更しよう。
 - 具体的には

```
void multmm_p(int m, int p, int n, double *A, double *B, double *C);
```

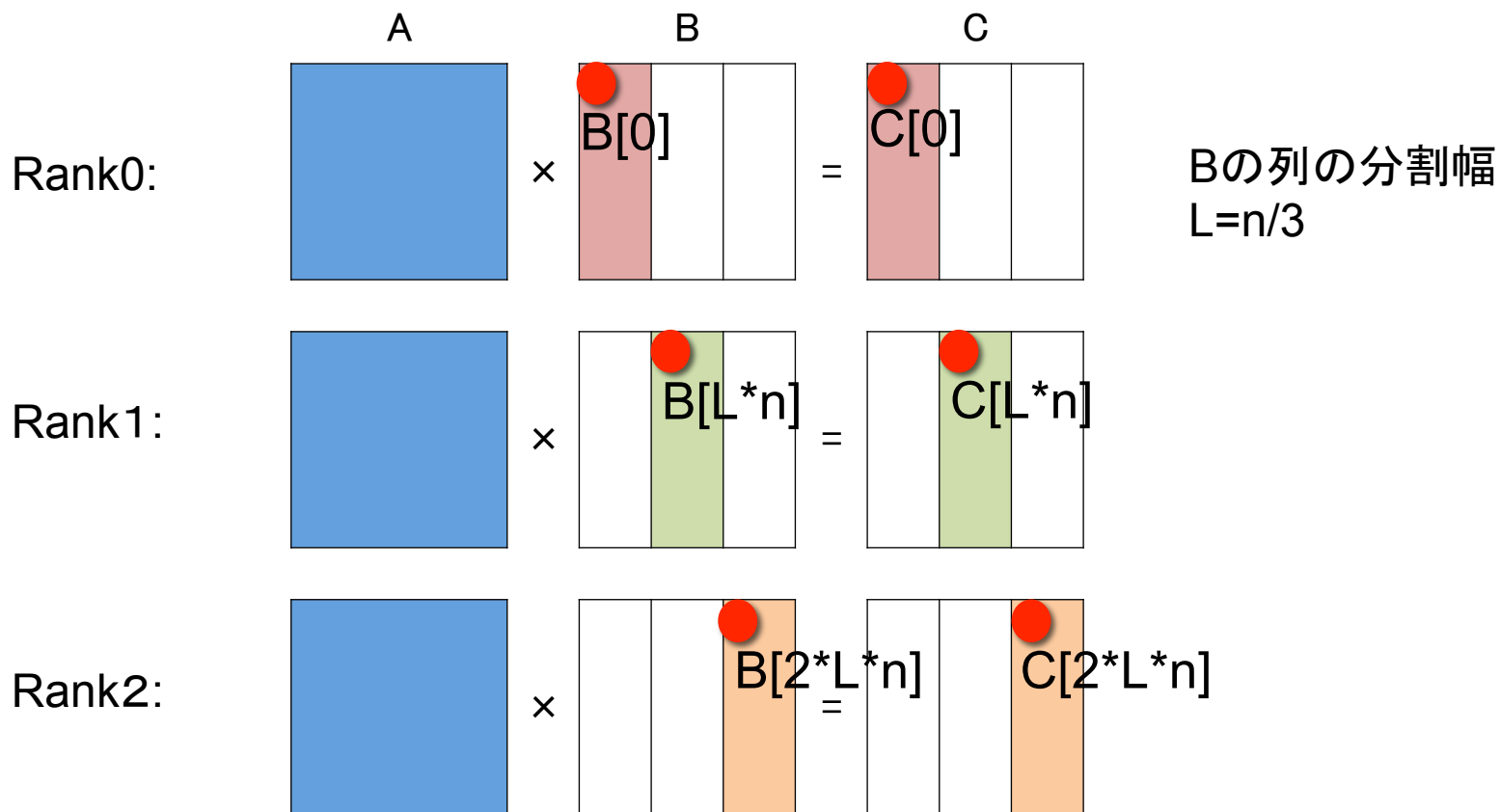
のように関数を定義しよう(関数名は何でも良いです)。

演習問題(2)

1. 演習問題(1)で作成した1次元配列版の行列積プログラムを、アンローリングやブロック化で最適化してみよう。

MPIを用いた行列積

- $n \times n$ 行列A, Bについて、行列全体を各プロセスに送信。
- 各プロセスは、マスター側から送られて来たデータを用いて、担当部分の行列積を計算。



演習：MPIを用いた行列積

- 下記を参考に、MPIによる行列積プログラムを作成しよう(次ページもあり)。

```
int L, *np, *ptr;
ptr = malloc(sizeof(int)*p);
np = malloc(sizeof(int)*p);
L = n/p;
for (i = 0; i < p; i++) {
    ptr[i] = i*n*L;
    if (i == p - 1) { /* (p - 1)番目のプロセスのみ */
        np[i] = L + n%p; /* 余りも受けもつ */
    } else {
        np[i] = L;
    }
}
```

p: プロセス数

ptr[i]: i番目のプロセスが担当する行列の先頭の位置

np[i]: i番目のプロセスが担当する列数

演習：MPIを用いた行列積(つづき)

```
MPI_Bcast(A, n*n, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD); /* 行列Aの送信 */
MPI_Bcast(B, n*n, MPI_DOUBLE, 0, MPI_COMM_WORLD); /* 行列Bの送信 */

multmm_p(n, n, np[my_rank], A, &B[ptr[my_rank]], &C[ptr[my_rank]]); /* 行列積 */

if (my_rank != 0) {
    tag = 100 + my_rank; /* tagは適当に設定 */
    MPI_Send(&C[ptr[my_rank]], n*np[my_rank], MPI_DOUBLE, 0, tag,
             MPI_COMM_WORLD); /* 行列Cの一部の送信 */
} else {
    for (rank = 1; rank < p; rank++) {
        tag = 100 + rank;
        MPI_Recv(&C[ptr[rank]], n*np[rank], MPI_DOUBLE, rank, tag,
                 MPI_COMM_WORLD, &status); /* 行列Cの一部の受信 */
    }
}
```